

Modélisation d'un système lotique pollué par une charge organique : prise en compte de l'activité des microorganismes benthiques

Modelisation of a lotic ecosystem polluted by a pigstywaste: dynamic of dissolved carbon and benthic microorganism

B. Cazelles and D. Fontvieille

Volume 2, Number 4, 1989

URI: <https://id.erudit.org/iderudit/705041ar>

DOI: <https://doi.org/10.7202/705041ar>

[See table of contents](#)

Publisher(s)

Université du Québec - INRS-Eau, Terre et Environnement (INRS-ETE)

ISSN

0992-7158 (print)

1718-8598 (digital)

[Explore this journal](#)

Cite this article

Cazelles, B. & Fontvieille, D. (1989). Modélisation d'un système lotique pollué par une charge organique : prise en compte de l'activité des microorganismes benthiques. *Revue des sciences de l'eau / Journal of Water Science*, 2(4), 511–541. <https://doi.org/10.7202/705041ar>

Article abstract

Several studies have been performed since 1982 on a small organically polluted stream. Their results have been used to conceive a mathematical model with the purpose of simulating the self-purification mechanisms.

The physical part of this model includes a hydrodynamic component derived from Saint-Venant's equations which is coupled with a transport model based on the classical convection-dispersion equation. The model is applied to unidirectional, non-uniform, unsteady flow conditions.

As the main detritic processes which occur in small streams take place in the sediment, the model has been applied, first, to simulate the dynamics of both dissolved organic matter and benthic microorganisms.

The simulation of the biodegradation mechanisms is based, in this work, on the analogy between the detritic processes in streams and the activity of the microbial biomass in wastewater treatment plants. From the structure of the biofilm model proposed, it was assessed that nearly all mechanisms involved in the removal and degradation of dissolved organic matter may be considered.

In these studies, the model is used as a cognitive tool intended to increase the understanding of self-purification mechanisms applied to dissolved organic matter in small streams.

Modélisation d'un système lotique pollué par une charge organique : prise en compte de l'activité des microorganismes benthiques

Modelisation of a lotic ecosystem polluted by a pigstywaste :
dynamic of dissolved carbon and benthic microorganism

B. CAZELLES (1), D. FONTVIEILLE (2)

RÉSUMÉ

Les études entreprises depuis 1982 sur un petit cours d'eau pollué par une forte charge organique, ont servi de base au développement d'un modèle mathématique destiné à appréhender le fonctionnement des mécanismes d'auto-épuration.

L'écriture du modèle a débuté par la description de l'écoulement du cours d'eau et des mécanismes de transports associés. Deux sous-modèles ont été utilisés dans ce but : un sous-modèle hydrodynamique dérivé du modèle de Saint-Venant et un sous-modèle de transport, constitué par l'équation classique de convection-dispersion. Ces deux sous-modèles sont appliqués à un écoulement monodimensionnel, non uniforme et non stationnaire.

Dans les petits cours d'eau le compartiment benthique joue un rôle prépondérant du point de vue de l'ensemble des processus détritiques. Le modèle a donc été appliqué, dans un premier temps, à la simulation de la dynamique du carbone organique dissous et des microorganismes benthiques.

(1) Anjou-Recherche, B.P. 76, 78600 Maisons-Lafitte, détaché à l'Université de Savoie, France.

(2) Laboratoire d'Ecologie, Université de Savoie, B.P. 1104, 73011 Chambéry, France.

Les mécanismes de biodégradation sont modélisés, ici, en utilisant l'analogie entre les processus détritiques et l'activité des biomasses des procédés de traitement des eaux usées. Le modèle de biofilm développé permet, par sa structure, d'englober tous les mécanismes physiques et biologiques qui entrent dans les phénomènes de disparition et de dégradation de la matière organique dissoute.

Ce modèle est utilisé, sous sa forme actuelle, en tant qu'outil cognitif destiné à accroître la connaissance des mécanismes d'auto-épuration de la matière organique dissoute dans les petits cours d'eau.

Mots clés : *Cours d'eau, modèle mathématique, simulation, équation de convection-dispersion, auto-épuration, microorganismes, biofilm.*

SUMMARY

Several studies have been performed since 1982 on a small organically polluted stream. Their results have been used to conceive a mathematical model with the purpose of simulating the self-purification mechanisms.

The physical part of this model includes a hydrodynamic component derived from Saint-Venant's equations which is coupled with a transport model based on the classical convection-dispersion equation. The model is applied to unidirectional, non-uniform, unsteady flow conditions.

As the main detritic processes which occur in small streams take place in the sediment, the model has been applied, first, to simulate the dynamics of both dissolved organic matter and benthic microorganisms.

The simulation of the biodegradation mechanisms is based, in this work, on the analogy between the detritic processes in streams and the activity of the microbial biomass in wastewater treatment plants. From the structure of the biofilm model proposed, it was assessed that nearly all mechanisms involved in the removal and degradation of dissolved organic matter may be considered.

In these studies, the model is used as a cognitive tool intended to increase the understanding of self-purification mechanisms applied to dissolved organic matter in small streams.

Key-words : *Stream, mathematical model, simulation, convection-dispersion equation, self-purification, microorganisms, biofilm.*

1 - INTRODUCTION

La pollution organique des eaux se traduit, notamment, par un abaissement de la richesse écologique des peuplements accompagné d'une prolifération d'espèces adaptées aux nouvelles conditions environnementales. Des mécanismes dits d'auto-épuration interviennent alors pour éliminer progressivement la charge polluante et pour redonner au cours d'eau un état proche de l'équilibre original. Ces mécanismes ont une triple nature (WUHRMANN, 1972) :

- physique (dilution, adsorption, sédimentation...);
- chimique (oxydations ...);
- biochimique et biologique (assimilation, respiration, ...).

Pour appréhender le rôle et l'importance de ces mécanismes d'auto-épuration, ainsi que leur ordre de grandeur et les liens qui les unissent, deux campagnes de mesures (septembre 1981 - avril 1982, novembre 1982 - mars 1984) ont été conduites successivement sur un petit cours d'eau savoyard, l'Albenche.

Le besoin d'outils d'aide à la compréhension permettant une synthèse fonctionnelle des multiples connaissances ponctuelles acquises dans divers domaines de l'écologie, de même que la nécessité de disposer, pour des études d'impacts, d'un outil au moins grossièrement prévisionnel des effets écologiques à attendre, sont autant de raisons qui ont conduit à la réalisation et à l'utilisation de plus en plus fréquentes de modèles mathématiques. C'est le cas en particulier des travaux touchant à l'étude et à la gestion de la qualité des eaux dans lesquels de très nombreux modèles sont proposés.

On peut définir ces modèles comme des quasi analogues mathématiques du comportement des systèmes réels. En synthétisant et en intégrant, les connaissances acquises sur un écosystème, leur construction permet de structurer les concepts sous une forme non ambiguë de type mathématique (GENTIL, 1982 ; BECK, 1983).

Les simulations numériques effectuées à l'aide de ces modèles, donnent la possibilité de calculer l'évolution spatiale et/ou temporelle d'un certain nombre de variables caractéristiques de l'écosystème étudié. Ces simulations apportent une vision analytique et mécaniste du système. Elles permettent notamment, de tester différentes hypothèses sur sa structure et son fonctionnement, ainsi que sur la cohérence du savoir acquis, par l'introduction simultanée de différentes hypothèses dans le modèle (O'NEIL *et al.*, 1979b ; Mac INTIRE, 1983).

Ces techniques de modélisation ont été mises en oeuvre dans le cadre des études entreprises sur l'Albenche. Elles ont abouti à l'élaboration d'un modèle mathématique de ce système écologique qui permet l'étude qualitative et quantitative d'un certain nombre de processus participant à l'auto-épuration.

La partie physique du modèle a été décrite dans un précédent article (CAZELLES et FONTVIEILLE, 1989). Dans ce travail, seuls sont décrits

la partie biologique du modèle et certains résultats obtenus lors de la simulation de la dynamique du carbone organique dissous et des micro-organismes benthiques.

2 - MILIEU DE L'ÉTUDE

L'Albenche est un petit cours d'eau de basse montagne situé sur le versant Est du Massif de la Chambotte (cartes I.G.N. Rumilly 5-6, 7-8, 1 : 25000), dans le bassin versant du lac du Bourget. Il alimente la Deisse, affluent du Sierroz qui se jette dans le lac du Bourget au niveau d'Aix-les-Bains.

Le bassin versant de l'Albenche est essentiellement agricole. Ce cours d'eau reçoit jusqu'au lieu-dit la Croix du Sable, différents rejets domestiques, provenant de hameaux ou d'habitations isolées, et des rejets agricoles, représentés surtout par les eaux de lavage d'une porcherie. En aval de ce point, l'Albenche présente tous les stades d'une auto-épuration menée jusqu'à un état de restauration quasi complet à partir du village d'Albens.

L'étude porte sur le tronçon de l'Albenche situé entre le rejet de la porcherie et Albens (figure 1). Ce tronçon présente l'avantage d'être un milieu relativement simple, aux dimensions réduites, et dont le seul affluent, situé en amont d'Albens, est de faible importance. Quatre stations d'étude, correspondant à différents stades de l'auto-épuration, y ont été définies :

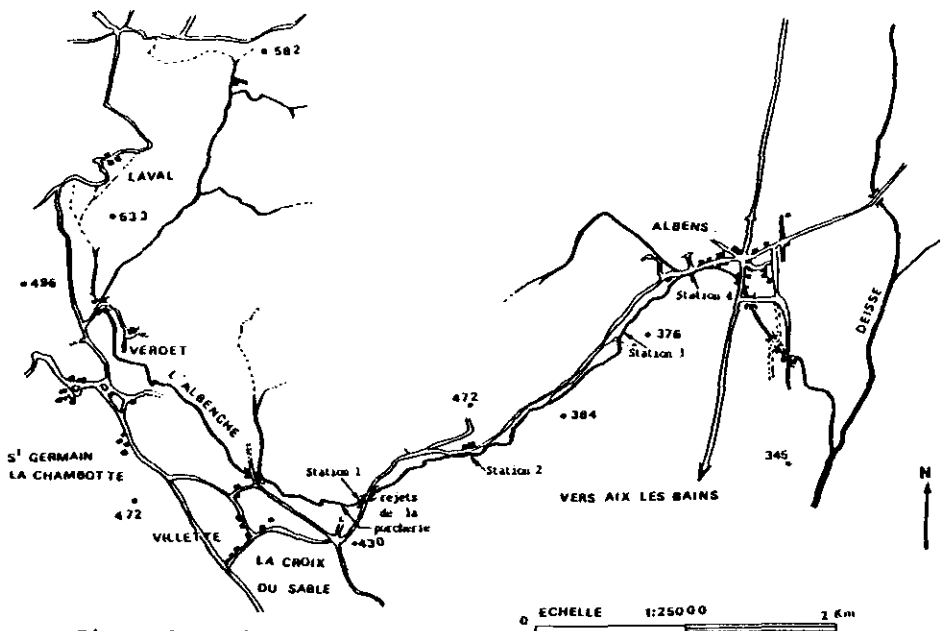


Figure 1. - L'Albenche.

Figure 1. - The Albenche river.

- la station 1 située à 150 m du rejet dans une zone polysaprobe ;
- la station 2 située à 1000 m du rejet ;
- la station 3 située à 2400 m du rejet ;
- la station 4 située à 3050 m du rejet dans une zone où le cours d'eau commence à retrouver sa qualité initiale.

Certaines caractéristiques mésologiques et morphodynamiques de ces stations sont résumées dans le tableau 1.

Tableau 1. - Caractéristiques mésologiques et morphodynamique de l'Albenche.

Table 1. - Mesologic and morphodynamic characteristics of the Albenche river.

Stations	1	2	3	4
Longueur totale		11.5 km		
Longueur étudiée		3.2 km		
Bassin versant		18 km ²		
Pente moyenne	du cours d'eau : 1.4 % ; du tronçon étudié : 2 %			
Gamme de débit	15 à 6000 l.s ⁻¹			
Gamme de température	1 à 18° C			
Coordonnées Lambert	x : 878.0 y : 2092.0 z : 425 m	x : 879.05 y : 2092.05 z : 385 m	x : 879.8 y : 2093.2 z : 370 m	x : 880.25 y : 2093.65 z : 365 m
Largeur	2 à 5 m suivant les faciès et les saisons ; 2.5 m en moyenne			
Profondeur	5 à 80 cm selon les faciès et les saisons ; 20 cm en moyenne			
Distance rejet-station	150 m	1000 m	2400 m	3050 m
Oxygène dissous	Saturation quasi permanente sauf à l'étiage dans les 100 premiers mètres à l'aval du rejet			
Couverture du fond du ruisseau	Communautés de bactéries filamenteuses principalement Sphaerotilus sp. et Beggiatoa sp.			
	Plus ou moins abondante toute l'année	Présente selon le débit	Développement important d'une communauté algale surtout en station 4	
Couverture végétale des berges	Couvert végétal dense : 95 %			

3 - ANALYSE DU SYSTÈME "ALBENCHE"

Dans les petits cours d'eau, tels que l'Albenche, la biomasse fixée, joue un rôle prépondérant dans les processus de dégradation de la matière organique (GEESEY *et al.*, 1978, SRINANTHAKUMAR et AMIRTHARAJAH, 1983). Ces processus de dégradation sont localisés préférentiellement dans le compartiment benthique comme l'ont souligné de nombreux auteurs (KARLSTROM, 1978 ; LOCK, 1981 ; VANDER BORGHT *et al.*, 1981 ; HARREMOES, 1982 ; HVIITVED-JACOBSEN, 1982 ; BOYLE et SCOTT, 1984 ; LOCK *et al.*, 1984 ; HICKEY, 1988). Les mesures effectuées *in situ*, dans la veine liquide, dans l'Albenche, ont confirmée cette prépondérance du compartiment benthique. L'activité biologique mesurée par la production nette de CO₂ (FONTVIEILLE et RENAUD, 1982) s'est révélée y être inférieure au seuil de détection de la méthode utilisée.

L'interprétation des campagnes de mesures (FONTVIEILLE et CAZELLES, 1985 ; FONTVIEILLE et CAZELLES, 1988) complétée par une première étude bibliographique (BOLING *et al.*, 1975 ; CLESCERI *et al.*, 1977 ; Mac INTIRE et COLBY, 1978 ; O'NEIL *et al.*, 1979a ; WEBSTER *et al.*, 1979 ; THERIEN *et al.*, 1981 ; NEWBOLD *et al.*, 1983 ; WEBSTER, 1983) ont conduit à l'écriture d'un modèle global du système "Albenche" (CAZELLES, 1987) centré sur les transferts de carbone organique (éqs (1)) dont la structure est schématisée à la figure 2. Basée sur le principe de conservation de masse, la formulation mathématique du modèle est constituée par un système d'équations aux dérivées partielles qui décrivent l'évolution de chaque compartiment en fonction du temps et de la distance longitudinale. Cette représentation spatio-temporelle permet de coupler les processus biologiques (consommation de matière organique, par exemple) et les mécanismes physiques (transport, par exemple), démarche essentiel pour une description correcte de la dynamique de l'écosystème.

$$\begin{aligned}
 \frac{\partial C}{\partial t} &= \text{transport} - \text{consommation par Bi} + \text{apports} \\
 \frac{\partial C_{ps1}}{\partial t} &= \text{transport}_i - \text{sédimentation}_i \\
 &\quad + \text{érosion}_i + \text{apports}_i \\
 \frac{\partial C_{pb1}}{\partial t} &= \text{sédimentation}_i - \text{érosion}_i \\
 &\quad + \text{consommation}_i \text{ par Bi et Ba} \\
 &\quad + \text{mortalité}_i \text{ de Bi et Ba} \\
 \frac{\partial B_i}{\partial t} &= \text{assimilation.consomption de C et Cpb}_i \\
 &\quad - \text{respiration} - \text{mortalité} \\
 &\quad - \text{prédation par Ba} \\
 \frac{\partial B_a}{\partial t} &= \text{assimilation.consomption de Cpb}_i \text{ et Bi} \\
 &\quad - \text{respiration} - \text{mortalité} \pm \text{dérive} \\
 &\quad - \text{émergence}
 \end{aligned} \tag{1}$$

L'établissement des équations qui correspondent à ces différents mécanismes a été détaillé dans un précédent travail (CAZELLES, 1987). Il est rappelé, que seule est décrite ici la partie du modèle concernant la dynamique du carbone organique dissous et celle des microorganismes benthiques.

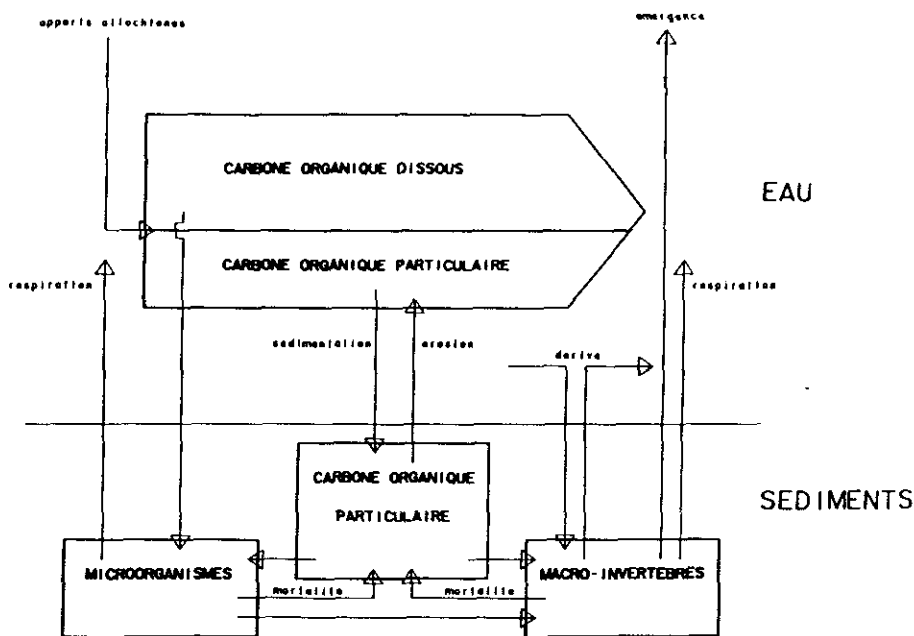


Figure 2. - Schématisation du modèle des flux de carbone organique dans l'Albenche.

Figure 2. - Schematic representation of the model simulating the carbon fluxes in the Albenche river.

4 - PRISE EN COMPTE DES MICROORGANISMES BENTHIQUES

La matière organique étant la principale source énergétique du système "Albenche", les processus détritiques y représentent la majeure partie des activités biologiques du système. Un effort particulier a donc été apporté à l'écriture du sous-modèle qui décrit ces processus.

L'analyse de la bibliographie montre que les modèles écologiques d'écosystèmes aquatiques prennent rarement en compte les processus de dégradation de la matière organique malgré leur rôle prépondérant dans la structure et le fonctionnement des écosystèmes. Il est surprenant, par ailleurs, de constater que la plupart des auteurs qui modélisent la qualité des eaux et qui s'intéressent aux mécanismes de disparition de la matière organique et de consommation d'oxygène, proposent et utilisent des sous-modèles de biodégradation qui n'ont pas évolué depuis celui proposé par STREETER et PHELPS en 1925. Depuis cette date les modèles de qualité d'eau se sont certes améliorés. Cependant les meilleurs résultats sont obtenus non par une formulation plus appropriée des mécanismes de biodégradation, mais par la prise en compte d'autres processus intervenant dans les bilans globaux de la matière organique et de l'oxygène dissous :

- mécanismes de mélange (dilution, convection, dispersion) ;
- autres mécanismes physiques (sédimentation, remise en suspension, biosorption) ;
- rôle du compartiment benthique ;
- interactions avec la production primaire (photosynthèse et respiration des organismes autotrophes) ;
- processus liés aux pollutions azotées (nitrification, dénitrification).

Dans ces modèles, les phénomènes de biodégradation sont généralement modélisés à l'aide de cinétiques d'ordre 1 par rapport à la concentration en substrats organiques. L'utilisation de ces cinétiques n'a aucune justification théorique en raison de la complexité des réactions biochimiques mises en jeu. La concentration en oxygène dissous et la dégradation de la matière organique ne suivent probablement pas des cinétiques de réactions monomoléculaires à stoechiométrie constante. De plus, la décomposition de la matière organique est un processus autocatalytique, dont les principaux responsables sont les populations microbiennes. La vitesse de ces réactions doit donc être considérée comme une fonction de la concentration en substrat et de la quantité des microorganismes présents. Elle est également fonction d'autres facteurs environnementaux (SCHWARTZBROD, 1985) et en particulier de la température, de la nature des substrats et des populations bactériennes.

Ces mécanismes auto-catalytiques ont été pris en compte dans des modèles classiques (MONOD, HERBERT, COMTOIS, ...) qui servent de base à la construction de la majorité des modèles complexes mis au point dans le traitement des eaux (modèles de boues activées, modèles de biofilm). Ils ont été appliqués, beaucoup plus rarement, à des modèles écologiques ou de qualité d'eau :

- GATES *et al.* (1969), STEHFEST (1973), RUTHERFORD et O'SULLIVAN (1974), MARTIN et LELONG (1981) ainsi que BUHR et MILLER (1983) utilisent le formalisme de MONOD ;
- EDELINE et ses collaborateurs (EDELINE et BUET, 1978 ; EDELINE et LAMBERT, 1979) proposent un modèle de MONOD dégénéré ;
- SRINANTHAKUMAR et AMIRTHARAJAH (1983), GANTZER *et al.* (1988), comme KAWASHIMA et SUZUKI (1989) utilisent les concepts des modèles de biofilm ;
- CLESCERI *et al.* (1977) ainsi que SERVAIS (1987) incorporent le formalisme de MONOD dans des modèles complexes qui tiennent compte du degré de labilité des substrats organiques.

4-1 Modélisation de la dégradation de la matière organique dissoute par les microorganismes benthiques

Les populations bactériennes fixées jouent un rôle important dans l'utilisation de la matière organique, spécialement dans les petits cours d'eau (COSTERTON *et al.*, 1978 ; GEESEY *et al.* 1978 ; SRINANTHAKUMAR et AMIRTHARAJAH, 1983 ; LOCK *et al.*, 1984). En effet, dans ces cours d'eau le rapport surface du fond sur volume de l'écoulement est beaucoup plus important que dans les grands cours d'eau. LOCK et ses collaborateurs (LOCK, 1981 ; LOCK *et al.*, 1984) ont proposé un modèle conceptuel

pour décrire le fonctionnement, dans les petits cours d'eau, de ces communautés benthiques et épilithiques. Les principaux concepts de ce modèle sont les suivants :

- les organismes hétérotrophes et photosynthétiques de ces communautés se trouvent dans une matrice polysaccharidique homogène ;
- les différents substrats diffusent dans cette matrice et sont utilisés par les différents microorganismes et leurs exoenzymes ;
- cette matrice constitue également un lieu d'adsorption privilégié pour les différents substrats particuliers.

On peut constater que ces concepts se rapprochent beaucoup de ceux introduits dans les modèles de biofilm mis au point pour simuler l'action épuratrice des biomasses fixées utilisées dans le traitement des eaux (LA MOTTA, 1976 ; WILLIAMSON et Mac CARTY, 1976 ; RITTMANN et Mac CARTY, 1978 ; TRULEAR et CHARACKLIS, 1982).

Pour modéliser les mécanismes de dégradation bactérienne dans le compartiment benthique des petits cours d'eau, on peut donc faire l'analogie avec l'activité épuratrice des biomasses fixées. D'ailleurs, ces dernières années, plusieurs auteurs sont partis de cette analogie pour appliquer des modèles de biofilm plus ou moins simplifiés à de petits cours d'eau (SRINANTHAKUMAR et AMIRTHARAJAH, 1983 ; GANTZER *et al.*, 1988 ; KAWASHIMA et SUZUKI, 1989).

De part leurs concepts et leur structure, ces modèles de biofilm permettent de prendre en compte la dualité des mécanismes mis en jeu dans la dégradation et la disparition de la matière organique dans le compartiment benthique :

- mécanismes de transfert des substrats organiques, de la masse d'eau vers ce compartiment ;
- utilisation de la matière organique par les microorganismes et leur croissance.

Le modèle proposé pour décrire la dynamique du C.O.D. dans l'Albenche tient compte des travaux récents publiés sur les modèles de biofilm (TRULEAR et CHARACKLIS, 1982 ; KISSEL *et al.*, 1984 ; SIEGRIST et GUJER, 1985 ; SARNER et MARKLUND, 1985 ; CHANG et RITTMANN, 1987 ; SPEITEL *et al.*, 1987). Il inclue les mécanismes suivants :

- transfert des substrats organiques à travers l'interface eau-sédiment, diffusion de ces substrats dans le biofilm et assimilation par les populations bactériennes ;
- croissance des bactéries à partir des substrats organiques, métabolisme endogène, dégénérescence, arrachement d'une partie de la biomasse et remise en suspension des produits issus de l'autolyse des bactéries dégénérées.

L'analyse du système a conduit également à l'introduction dans le modèle des hypothèses suivantes :

- dégradation de matière organique dans la veine liquide négligeable devant celle se déroulant dans le compartiment benthique ; les mesures de production de CO₂ effectuées *in situ* dans la veine liquide s'étant révélées inférieures au seuil de détection de la mesure ;

- écoulement turbulent assurant une bonne oxygénation aussi bien dans la masse d'eau que dans le film benthique ; réactions métaboliques de biodégradation limitées uniquement par le carbone ;
- application du modèle aux microorganismes pris en compte par la mesure d'A.D.N. (méthode de FONTVIEILLE et FEVOTTE, 1981) ; cette méthode permet d'estimer la biomasse des microorganismes présents (bactéries, champignons, algues, protozoaires, ...) ; compte tenu de la forte charge organique que reçoit le cours d'eau, les microorganismes photosynthétiques sont quasiment absents ; de ce fait l'A.D.N. mesuré est considéré représenter seulement les microorganismes hétérotrophes ;
- considérations des seules biodégradations imputables aux populations de microorganismes hétérotrophes dans ces conditions aérobies ;
- longueur d'échange entre le film benthique et la masse d'eau égale au périmètre mouillé de l'écoulement (Pm).

Les équations suivantes (2) ont ainsi été obtenues :

$$\begin{aligned}
 \frac{dC}{dt} &= - \frac{Kt.Pm.}{A} \quad (C-Cfo) \\
 \frac{dBis}{dt} &= \frac{Karr.Xf.Hf}{H} \\
 \frac{dCfo}{dt} &= \frac{Kt.Pm.}{Af} \quad (C-Cfo) \\
 \frac{\partial Cf}{\partial t} &= Df. \frac{\partial^2 Cf}{\partial z^2} - \left(\frac{\mu_{max}}{Y_1} \cdot \frac{Cf}{K_s + Cf} - \frac{k_2}{Y_2} + K_e \right) \cdot Xf \\
 \frac{\partial Xf}{\partial t} &= \left(\mu_{max} \cdot \frac{Cf}{K_s + Cf} - k_2 \right) \cdot Xf \\
 \frac{dBf}{dt} &= \int_0^{Hf} \frac{\partial Xf}{\partial t} \cdot dz - Karr.Bf
 \end{aligned} \tag{2}$$

Ce modèle prend en compte l'hétérogénéité spatiale (verticale) du compartiment benthique. Il peut permettre de suivre l'évolution de différents substrats à travers l'épaisseur du biofilm, et de déterminer ainsi l'épaisseur sur laquelle s'effectue la plus grande partie de la décomposition de la matière organique.

Ces avantages sont obtenus au prix d'une complexification importante des équations du modèle et de l'introduction dans les équations de nombreux paramètres. Pour réduire cette complexité mathématique et pour pallier les problèmes posés par la calibration et la validation d'un tel modèle (2), différentes hypothèses simplificatrices peuvent être formulées. En adoptant, par exemple, l'hypothèse de gradients de concentration réduits dans l'épaisseur des biofilms (SIEGRIST et GUJER, 1985), les équations (2) peuvent facilement être intégrées sur cette épaisseur. On obtient alors le système d'équations suivant :

$$\left. \begin{aligned}
 \frac{dC}{dt} &= - \frac{Kt.Pm.}{A} (C-Cf) \\
 \frac{dBis}{dt} &= \frac{Karr.Bf.Hf}{H} \\
 \frac{dCf}{dt} &= \frac{Kt.Pm.}{Af} (C-Cfo) - \left(\frac{\mu_{max}}{Y_1} \cdot \frac{Cf}{Ks + Cf} - \frac{k_2}{Y_2} + Ke \right) \cdot Bf \\
 \frac{dBf}{dt} &= (\mu_{max} \cdot \frac{Cf}{Ks + Cf} - k_2 - Karr) \cdot Bf
 \end{aligned} \right\} (3)$$

4-2 Mise au point du modèle

Pour décrire la dynamique d'un écosystème lotique, il est essentiel de coupler le modèle biologique aux équations décrivant les phénomènes hydrophysiques qui se déroulent dans le cours d'eau. La représentation mathématique de ces phénomènes est basée sur les équations de bilan des eaux de surface (FABRE et RAMANY BALA, 1980 ; CAUSSADE *et al.*, 1982). Deux sous-modèles hydrophysiques ont été élaborés à partir de ces équations (CAZELLES, 1987) :

- un sous-modèle hydrodynamique dérivé du modèle de Saint-Venant, dont on a gardé l'équation de conservation de masse et remplacé l'équation dynamique par une équation empirique ;
- un sous-modèle de transport, constitué par l'équation classique de convection-dispersion appliquée à un écoulement monodimensionnel, non-uniforme et non-stationnaire.

Cette partie hydrophysique a été mise au point à l'aide de campagnes de traçage réalisées avec un colorant, la rhodamine B (CAZELLES, 1987 ; CAZELLES et FONTVIEILLE, 1989). La figure 3 illustre certains des résultats donnés par ces sous-modèles.

Le modèle complet est constitué par les équations :

- (4) pour le sous-modèle hydrodynamique ;
- (5) pour le sous-modèle de transport dans lequel a été ajouté un terme traduisant les transferts à l'interface eau-film ; les équations (6) expriment le coefficient de dispersion en fonction de certaines caractéristiques de l'écoulement (LIU, 1977) ;
- (7) pour le sous-modèle écologique ;
- (8) pour exprimer l'influence de la température sur les paramètres du métabolisme des microorganismes.

$$\left. \begin{aligned}
 \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{\partial Q}{\partial x} &= q \\
 A &= ca \cdot Q^{ea}
 \end{aligned} \right\} (4)$$

$$\frac{\partial A.C}{\partial t} + \frac{\partial Q.C}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} (A.D_L \cdot \frac{\partial C}{\partial x}) + Cq.q - Pm.Kt.(C-Cf) \quad (5)$$

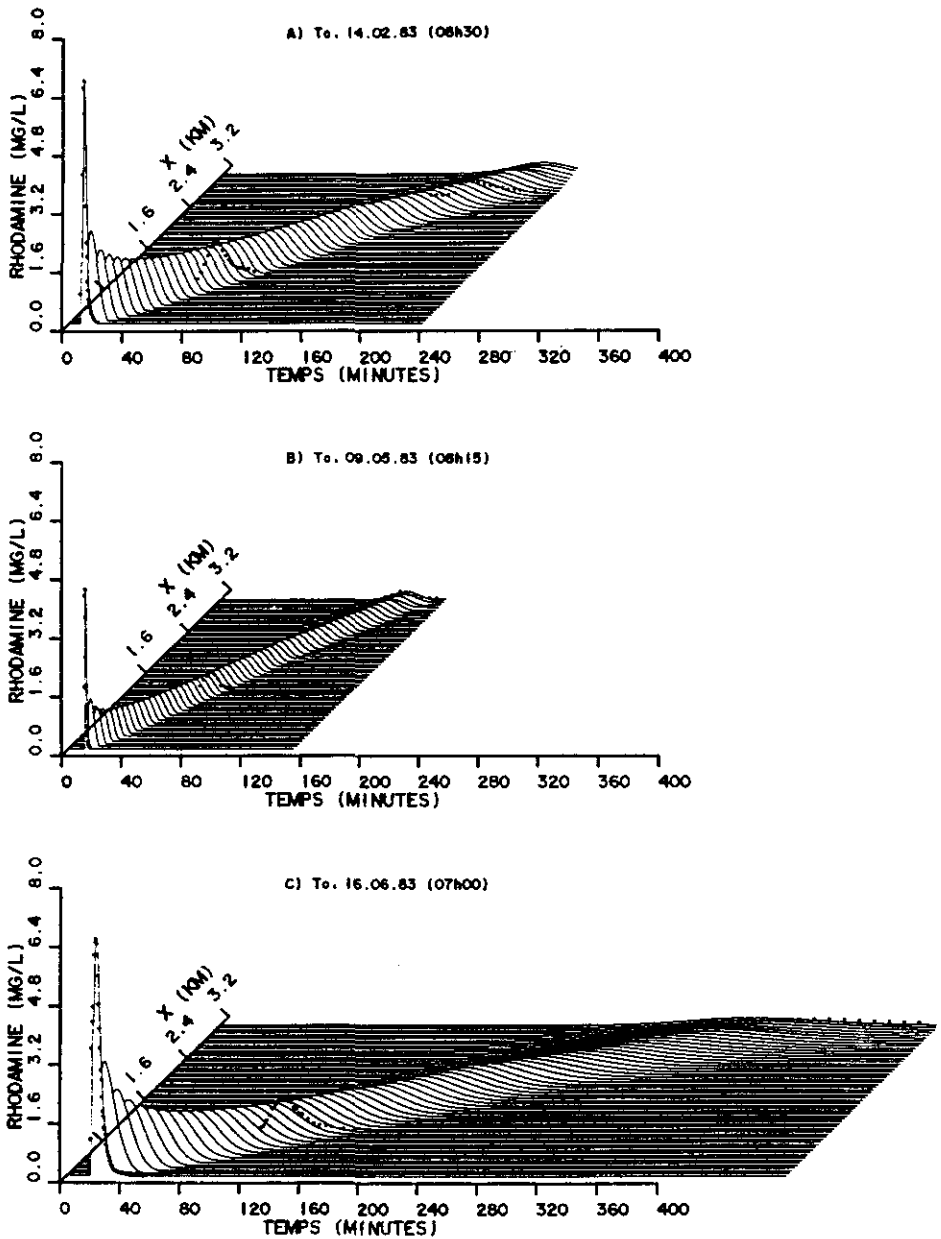


Figure 3. - Simulation d'expériences de traçage dans l'Albenche. (a : $Q=165$ l/s, b : $Q=395$ l/s, c : $Q=77$ l/s, * : valeurs expérimentales).

Figure 3. - Simulation of dye tracer experiments in the Albenche river. (a : $Q=165$ l/s, b = $Q=395$ l/s, c = $Q=77$ l/s, * : experimental values).

$$\left. \begin{aligned} D_L &= \frac{\beta DL \cdot U^2 \cdot B^3}{U_p^* \cdot A} \\ \beta \dot{D}L &= \alpha i \cdot \left(\frac{U}{U_p^*} \right) \beta i \end{aligned} \right\} \quad (6)$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial Af \cdot Cf}{\partial t} &= Pm \cdot Kt \cdot (C - Cf) - \left(\frac{\mu_{max}}{Y_1} \cdot \frac{Cf}{K_s + Cf} - \frac{k_2}{Y_2} + K_e \right) \cdot Bf \cdot Pm \\ \frac{\partial Pm \cdot Bf}{\partial t} &= (\mu_{max} \cdot \frac{Cf}{K_s + Cf} - k_2 - K_{arr}) \cdot Bf \cdot Pm \end{aligned} \right\} \quad (7)$$

$$\kappa_p, T = \kappa_p, 20^\circ \cdot \theta (T - 20^\circ) \quad (8)$$

La simulation de la dynamique du C.O.D. et des microorganismes benthiques de l'Albenche à l'aide de ce modèle, est réalisée sur la base des hypothèses suivantes :

- les valeurs des paramètres des sous-modèles physiques sont celles obtenues lors du calage de ces sous-modèles à l'aide des campagnes de traçage ;
- le cycle de 24 heures des flux horaires mesurés à l'entrée du tronçon étudié se reproduit pendant toute la durée de la simulation ;
- les concentrations de l'A.D.N. microbien benthique sont en équilibre avec la charge organique du cours d'eau en l'absence de fortes variations de température et de débit ; ces concentrations sont donc considérées comme relativement constantes autour d'une date donnée ;
- la densité cellulaire des microorganismes du biofilm est constante et leur croissance se traduit par une augmentation de la hauteur du film ; le calcul de la section du biofilm par les équations (9) traduit ces hypothèses.

$$\left. \begin{aligned} Af &= Pm \cdot Hf \\ Hf &= H_{Af} \cdot Bf \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

Les équations du modèle sont résolues par des méthodes numériques aux différences finies, utilisant des schémas de discrétisation implicite (CAZELLES, 1987). Les mesures effectuées le 15 août 1983 ont été choisies, arbitrairement, pour ajuster les paramètres de la partie biologique du modèle. Une première estimation de l'ordre de grandeur des valeurs des paramètres de la partie biologique du modèle, a été faite en compulsant les travaux d'auteurs ayant travaillé sur les modèles de biofilm et sur les cinétiques de croissance de populations bactériennes fixées mesurées *in situ* (KAPLAN et BOTT, 1983 ; SRINANTHAKUMAR et AMIRTHARAJAH, 1983 ; KAPLAN et BOTT, 1985) ou *in vitro* (OHGAKI *et al.*, 1978).

Plusieurs ajustements successifs ont conduit au lot de paramètres du tableau 2, à partir duquel ont été obtenues les évolutions spatiales et temporelles présentées sur la figure 4. Trois remarques peuvent être formulées à la suite de la comparaison des valeurs retenues pour ces paramètres (tableau 2) à celles utilisées dans les modèles de biofilm décrits dans la bibliographie :

- le taux de transfert (K_t) est faible ; ce résultat peut être la conséquence, d'une part, de l'activité des macroinvertébrés qui, par leur action locomotrice, détruisent la couche laminaire à l'interface eau-film (Mac CALL et FISCHER, 1980 ; FRY, 1982), d'autre part, de l'épaisseur importante des biofilms étudiés pour lesquels la couche laminaire a un rôle de barrière physique déjà réduit (SIEGRIST et GUJER, 1985) ;
- le taux de croissance maximal (μ_{max}) est faible ; cette valeur est probablement liée au fait que nous avons englobé dans le terme micro-organismes, les bactéries, les champignons et les protozoaires présents ; il n'est donc pas étonnant que le taux de croissance maximal moyen de ces populations soit inférieur au taux de croissance maximal des populations bactériennes prises en compte dans les autres modèles ;
- la valeur du taux de dégénérescence est forte ; ce terme qui englobe, dans notre cas, la mortalité et la prédation, laisse supposer que la prédation par les macroinvertébrés, et/ou les phénomènes d'inhibitions métaboliques (excès de substrats organiques, déficit d'oxygène dissous, ...) sont importants dans ce cours d'eau.

Tableau 2.- Valeurs des paramètres des modèles utilisées lors des simulations de la dynamique du C.O.D. et des microorganismes benthiques.

Table 2. - Parameters values used by the models during the simulations of Dissolved Organic Carbon and benthic microorganisms.

Paramètres	Valeurs nominales	Signification
Sous-modèles physiques		
cq	1.289	. Paramètres du calcul de la relation entre le débit et le débit d'apport
eq	0.955	
ca ₁	1.100	. Paramètres de la relation entre Q et A pour le premier et le deuxième tronçon
ea ₁	0.300	
ca ₂	1.400	
ea ₂	0.250	
α_1	0.153	. Paramètres de la relation permettant le calcul du coefficient de dispersion longitudinale (DL) pour le premier et le deuxième tronçon
β_1	- 3.607	
α_2	0.492	
β_2	- 3.768	
Sous-modèles écologiques		
Kt	$7.5 \cdot 10^{-5}$. Vitesse de transfert à l'interface ($m \cdot s^{-1}$)
μ_{max}	$5.5 \cdot 10^{-5}$. Taux de croissance maximal (s^{-1})
Ks	300.	. Constante de demi-saturation ($g \cdot m^{-3}$)
Y ₁	0.04	. Coefficient de conversion
k ₂	$1.1 \cdot 10^{-5}$. Taux de dégénérescence (s^{-1})
Y ₂	20	. Coefficient de remétabolisation
Ke	$2.5 \cdot 10^{-5}$. Taux de métabolisme endogène (s^{-1})
Karr	$5 \cdot 10^{-6}$. Taux d'arrachement (s^{-1})
H _{Af}	$3.5 \cdot 10^{-4}$. Coefficient permettant le calcul de Hf ($m^3 \cdot g^{-1}$)
θ	1.024	. Paramètre exprimant l'influence de la température

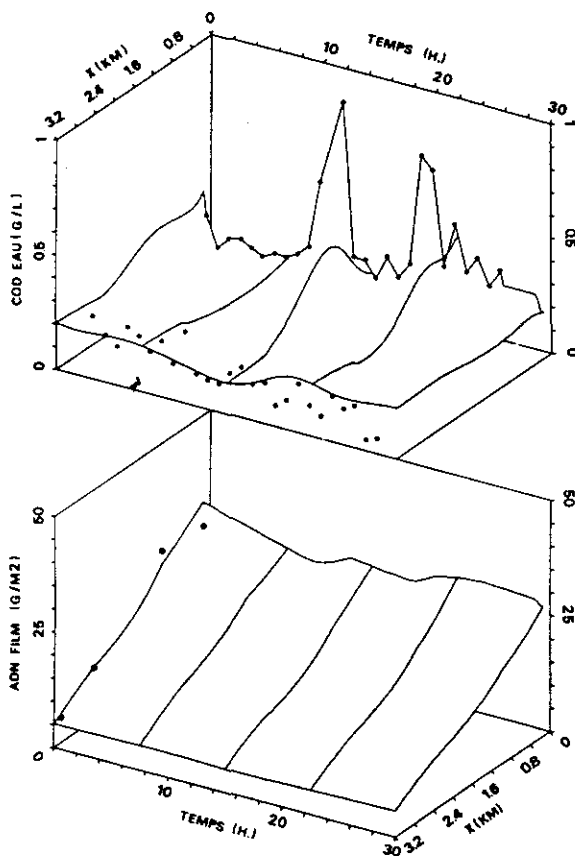


Figure 4. - Simulation de la dynamique du carbone organique dissous et de l'A.D.N. microbien benthique dans l'Albenche ($T_0 = 15.08.83$ à 22 h). Les valeurs expérimentales (*) se trouvent dans les plans $x=0.150$ km (arrière plan de la figure, station amont) et $x=3.200$ km (premier plan de la figure, station aval). Les caractéristiques de cette période sont les suivantes :

- débit : 20 à 30 $l.s^{-1}$ pour la station amont, 32 à 45 $l.s^{-1}$ pour la station aval
- température : 14 à 17° C
- concentration des apports (C_q) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$.

Figure 4. - Simulation of the dissolved organic matter dynamics in the Albenche river ($T_0 = 15.08.83$ at 22 h). The experimental values (*) are plotted on the background plane of the picture ($x=0.150$ km, upstream station) and on the foreground plane of the picture ($x=3.200$ km, downstream station). The main characteristics of the period under consideration are :

- discharge : 20 à 30 $l.s^{-1}$ for upstream station. 32 à 45 $l.s^{-1}$ for downstream station
- temperature : 14 à 17° C
- concentration of the allochthonous diffuse organic carbon inputs (C_q) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$.

Une vérification du modèle (CAZELLES, 1987) a été effectuée par un essai de comportement, en faisant varier fortement chacun des paramètres du modèle. Elle a permis de constater que la structure du modèle adoptée décrit correctement les hypothèses envisagées et ne pose pas de problème d'instabilité structurelle.

Une validation a ensuite été conduite en simulant la dynamique du C.O.D. et de l'A.D.N. microbien benthique à des dates différentes de celles utilisées pour la calibration du modèle (04.10.83 et période du 07.98 au 15.08.83), avec le même lot de paramètres (tableau 2).

Les résultats obtenus sont présentés sur les figures 5 et 6. Ils sont tout à fait satisfaisants en regard du faible nombre (A.D.N.) et de la grande variabilité (C.O.D.) des données expérimentales à partir desquelles l'ajustement de la partie biologique du modèle a été réalisé.

5 - APPLICATIONS DU MODÈLE

La modélisation, en général, n'est pas une fin en soi, mais un outil cognitif puissant qui permet d'établir des bilans, de tester le rôle de certains phénomènes et de rechercher les effets de certains facteurs environnementaux sur la dynamique des systèmes étudiés. Il nous est donc apparu intéressant d'utiliser le modèle sous sa forme actuelle, malgré ses imperfections, pour essayer d'accroître la connaissance du fonctionnement du système "Albenche". Il est important, cependant, de garder en mémoire lors de toute application, que les résultats obtenus ne sont que le reflet des valeurs et des hypothèses introduites dans le modèle.

Le modèle a permis, tout d'abord, de quantifier l'importance des mécanismes biochimiques et biologiques liés au film benthique, pour la réduction de la charge organique de l'eau. Cette estimation s'effectue par comparaison des simulations réalisées par le modèle total avec celles réalisées par un modèle constitué uniquement des sous-modèles hydrophysiques (figures 7 et 8). Il apparaît ainsi que la disparition de la charge organique est favorisée par une faible convection, une forte température et par l'importance de la biomasse présente.

Une seconde application a été réalisée en utilisant la simulation effectuée entre le 7 et le 16 août 1983. Elle consiste à calculer, pour cette période, les valeurs des différents flux moyens de carbone organique (figure 9) ainsi que les bilans de C.O.D. de l'ensemble du tronçon étudié (figure 10). Les flux de respiration sont estimés à partir de la relation suivante :

$$\frac{\partial \text{Cresp}}{\partial t} = \text{Kresp} \cdot \left(\mu_{\text{max}} \cdot \frac{\text{Cf}}{\text{Ks} + \text{Cf}} + k_2 + \text{Ke} \right) \cdot \text{Bf.Pm} \quad (10)$$

La valeur du paramètre Kresp est ajustée à l'aide de valeurs de production de CO_2 mesurées dans la station 1 durant cette période, en admettant que la respiration des macroinvertébrés est négligeable devant celle des microorganismes.

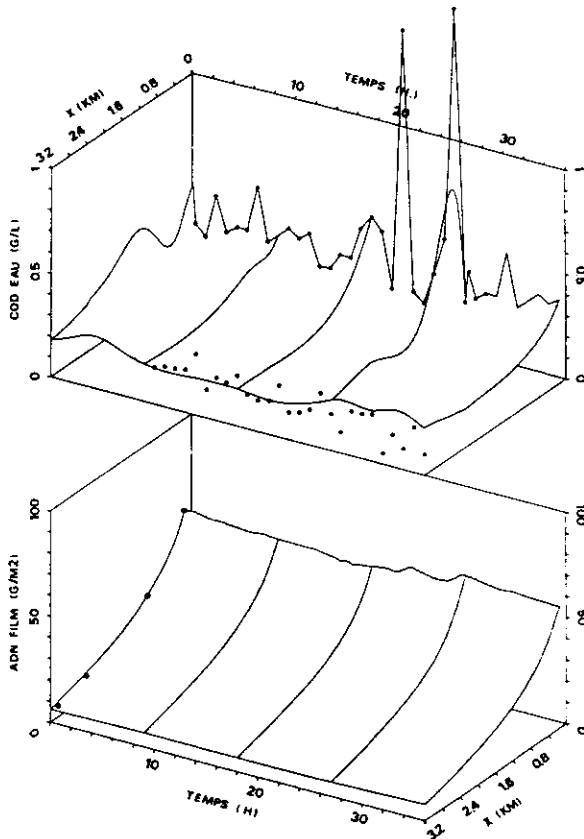


Figure 5. - Simulation de la dynamique du carbone organique dissous et de l'A.D.N. microbien benthique dans l'Albenche ($T_0 = 04.10.83$ à 18 h). Les valeurs expérimentales (*) se trouvent dans les plans $x=0.150$ km (arrière plan de la figure, station amont) et $x=3.200$ km (premier plan de la figure, station aval). Les caractéristiques de cette période sont les suivantes :

- débit : 30 à 38 l.s^{-1} pour la station amont, 45 à 57 l.s^{-1} pour la station aval
- température : 9.5 à 11.5° C
- concentration des apports (C_q) : 250 à 340 mg.l^{-1} .

Figure 5. - Simulation of the dissolved organic matter dynamics in the Albenche river ($T_0 = 04.10.83$ at 18 h). The experimental values (*) are plotted on the background plane of the picture ($x=0.150$ km. upstream station) and on the foreground plane of the picture ($x=3.200$ km. downstream station). The main characteristics of the period under consideration are :

- discharge : 30 à 38 l.s^{-1} for upstream station, 45 à 57 l.s^{-1} for downstream station
- temperature : 9.5 à 11.5° C
- concentration of the allochthonous diffuse organic carbon inputs (C_q) : 250 à 340 mg.l^{-1} .

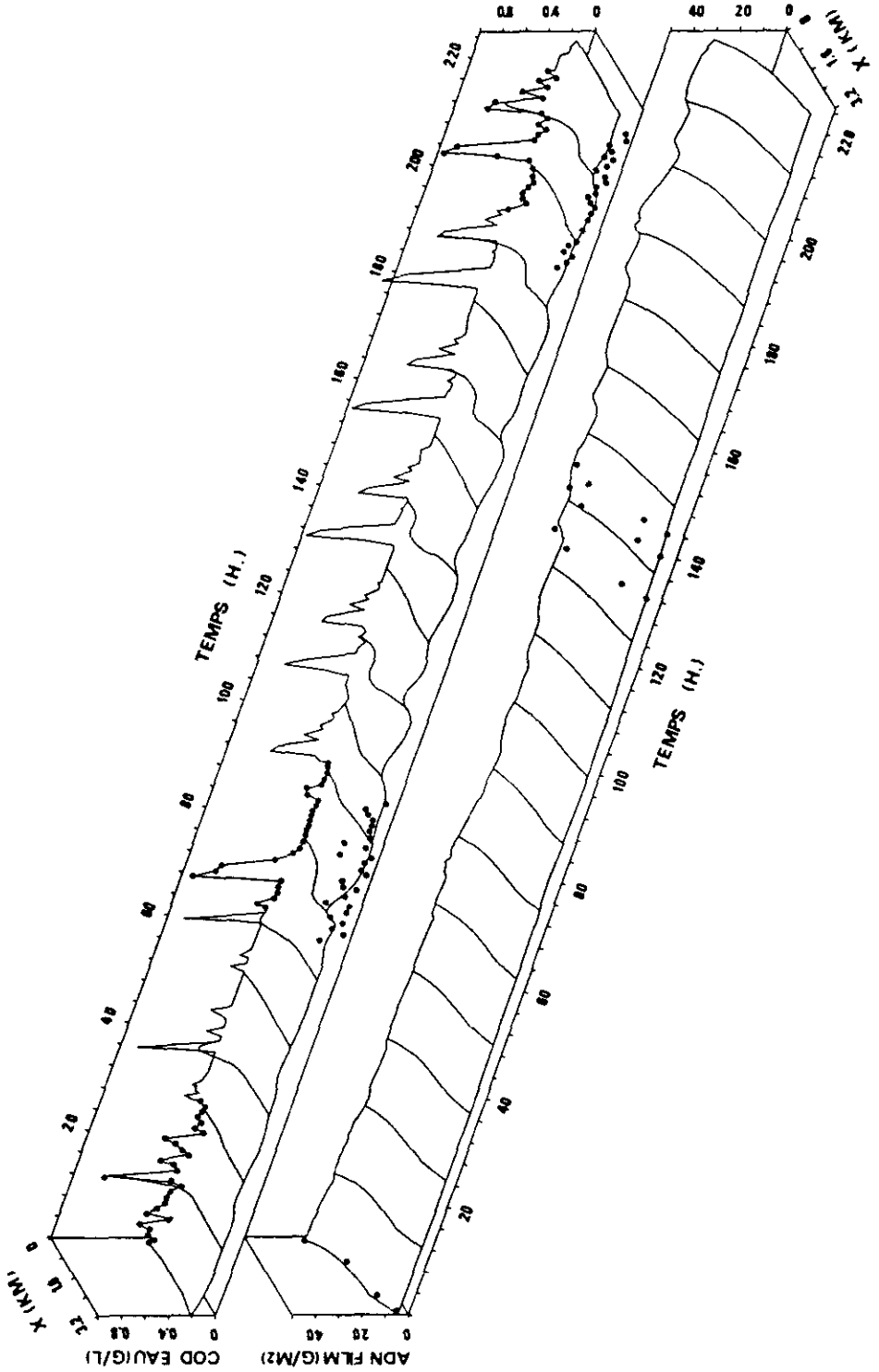


Figure 6. - Simulation de la dynamique du carbone organique dissous et de l'A.D.N. microbien benthique dans l'Albenche (To = 07.08.83 à 22 h). Les valeurs expérimentales (*) se trouvent dans les plans $x=0.150$ km (arrière plan de la figure, station amont) et $x=3.200$ km (premier plan de la figure, station aval). Les caractéristiques de cette période sont les suivantes :

- débit : 20 à 95 $l.s^{-1}$ pour la station amont, 40 à 145 $l.s^{-1}$ pour la station aval
- température : 12 à 17° C
- concentration des apports (Cq) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$.

Figure 6. - Simulation of the dissolved organic matter dynamics in the Albenche river (To = 07.08.83 at 22 h). The experimental values (*) are plotted on the background plane of the picture ($x=0.150$ km, upstream station) and on the foreground plane of the picture ($x=3.200$ km, downstream station). The main characteristics of the period under consideration are :

- discharge : 20 à 95 $l.s^{-1}$ for upstream station. 40 à 145 $l.s^{-1}$ for downstream station
- temperature : 12 à 17° C
- concentration of the allochthonous diffuse organic carbon inputs (Cq) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$.

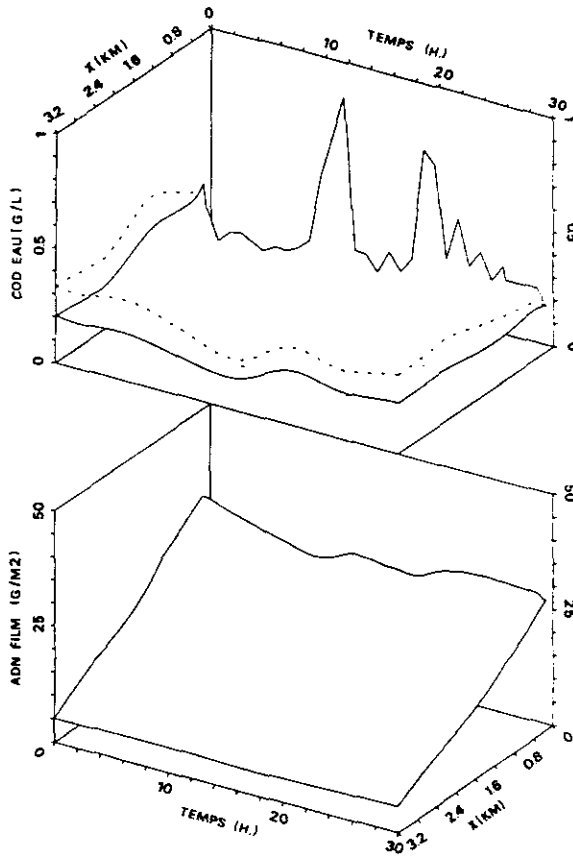


Figure 7. - Rôle du film benthique dans l'élimination de la charge organique de l'eau le 15.08.83. L'activité des micro-organismes benthiques entraîne une diminution de la charge organique de 2.5 % au point 200 m, de 26.5 % au point 1000 m et de 37 % au point 3200 m. Les caractéristiques de cette période sont les suivantes :

- débit : 20 à 30 $l.s^{-1}$ pour la station amont, 32 à 45 $l.s^{-1}$ pour la station aval
- température : 14 à 17° C
- concentration des apports (C_q) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$

(——— modèle total ; - - - - - sous-modèles hydrophysiques).

Figure 7. - Influence of the benthic biofilm on the removal of the organic load (15.08.83). The benthic microorganism activity is accountable for the removal of 2.5 % of the organic load at the point 200 m, of 26.5 % at the point 1000 m and of 37 % at the point 3200 m. The main characteristics of the period under consideration are :

- discharge : 20 à 30 $l.s^{-1}$ for upstream station, 32 à 45 $l.s^{-1}$ for downstream station
- temperature : 14 à 17° C
- concentration of the allochthonous diffuse organic carbon inputs (C_q) : 120 à 150 $mg.l^{-1}$

(——— global model ; - - - - - hydrophysic sub-models).

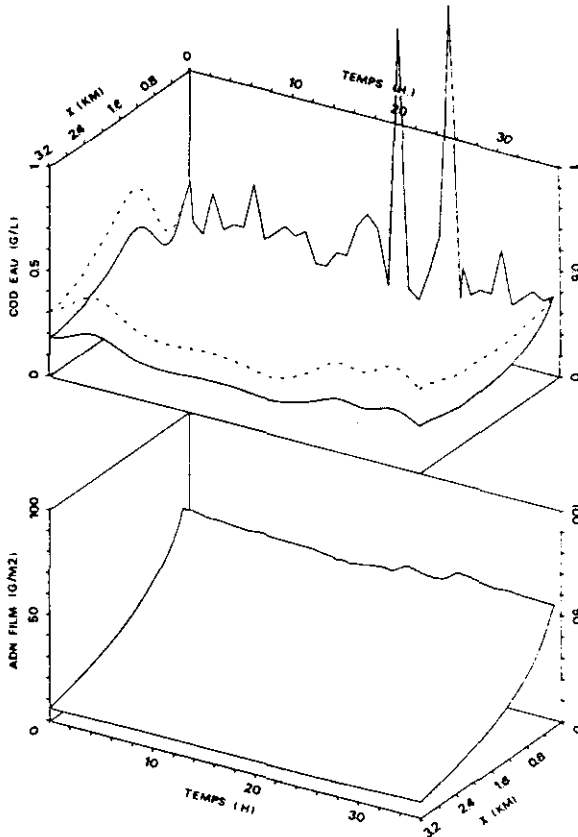


Figure 8. - Rôle du film benthique dans l'élimination de la charge organique de l'eau le 04.10.83. L'activité des micro-organismes benthiques entraîne une diminution de la charge organique de 3.5 % au point 200 m, de 31.5 % au point 1000 m et de 41.5 % au point 3200 m. Les caractéristiques de cette période sont les suivantes :

- débit : 30 à 38 l.s^{-1} pour la station amont, 45 à 57 l.s^{-1} pour la station aval
 - température : 9.5 à 11.5° C
 - concentration des apports (Cq) : 250 à 340 mg.l^{-1}
- (— modèle total ; - - - - - sous-modèles hydrophysiques).

Figure 8. - Influence of the benthic biofilm on the removal of the organic load (04.10.83). The benthic microorganism activity is accountable for the removal of 3.5 % of the organic load at the point 200 m, of 31.5 % at the point 1000 m and of 41.5 % at the point 3200 m. The main characteristics of the period under consideration are :

- discharge : 30 à 38 l.s^{-1} for upstream station. 45 à 57 l.s^{-1} for downstream station
 - temperature : 9.5 à 11.5° C
 - concentration of the allocthonous diffuse organic carbon inputs (Cq) : 250 à 340 mg.l^{-1}
- (— global model ; - - - - - hydrophysic sub-models).

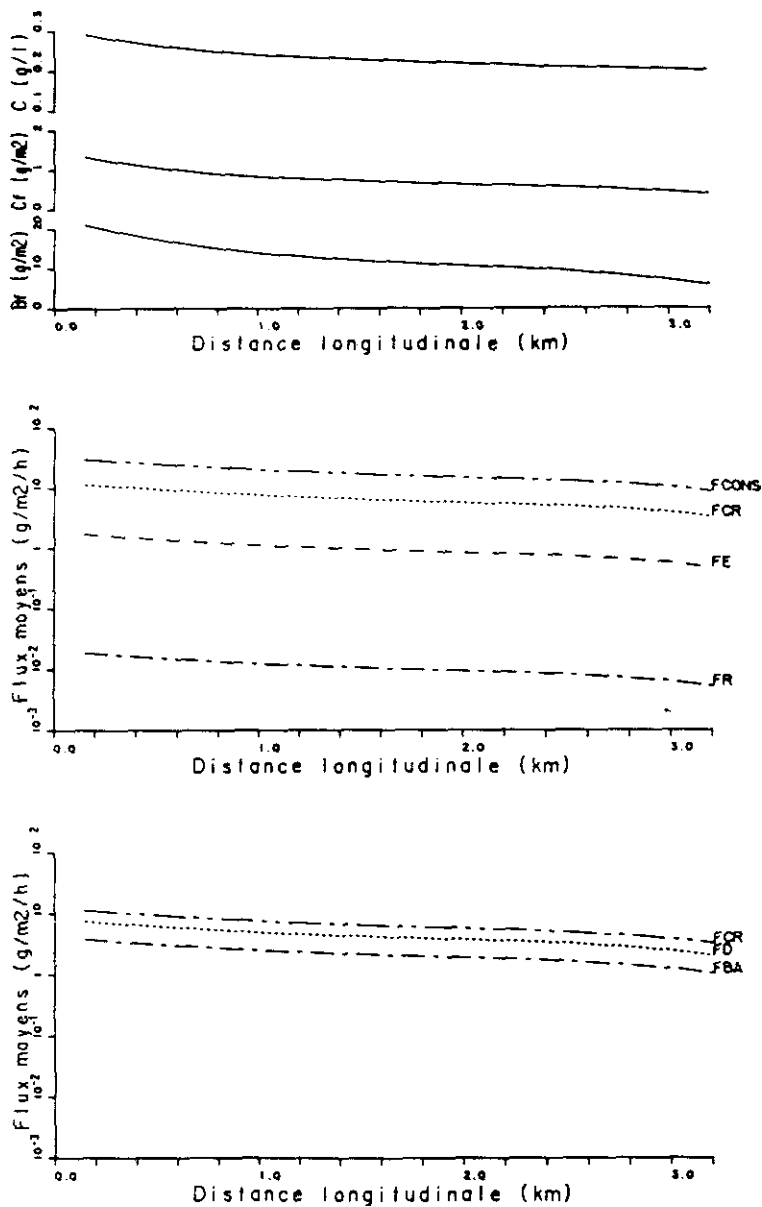
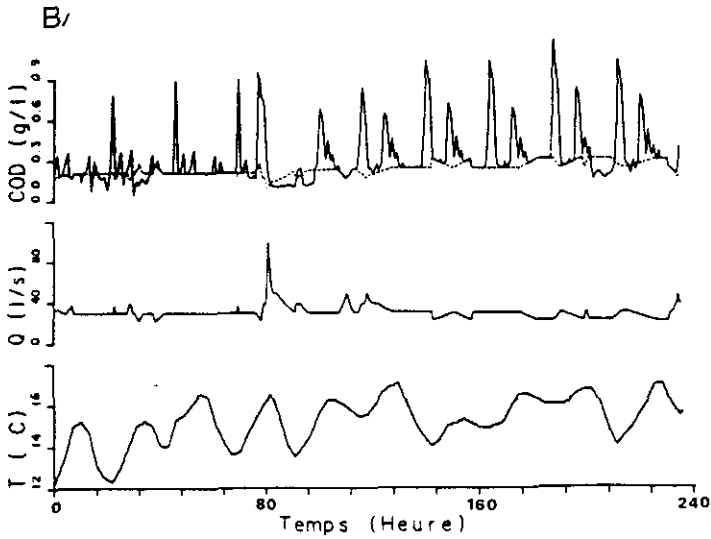


Figure 9. - Variation longitudinale des flux moyens de carbone organique entre le 7 et le 16.08.83 (FKT=transfert dans le film, FR=respiration, FCONS=consommation par les microorganismes, FCR=croissance, FE=métabolisme endogène).

Figure 9. - Longitudinal variation of the average organic carbon fluxes between the 7th and the 16th of august 1983 (FKT=transfer into the film, FR=respiration. FCONS=microorganisms consumption. FCR=growth, FE=endogenous metabolism).



A/

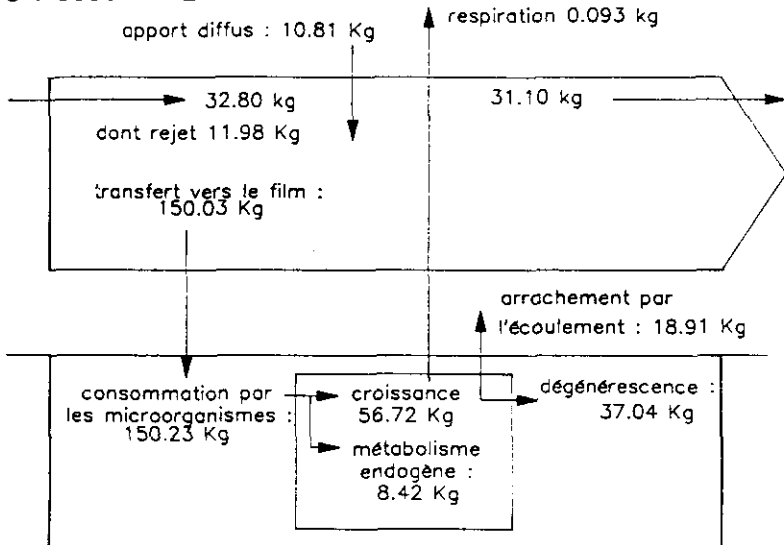
S : 8599.4 m²

Figure 10. - Bilans horaires moyens des flux de carbone organique dissous au niveau des stations 1 et 4 de l'Albenche entre le 7 et le 16.08.83.

Figure 10. - Balance of the mean hour fluxes of the dissolved organic carbon at station 1 and 4. between the 7th and the 16th of august 1983.

Les calculs des bilans montrent (figures 9 et 10) que les valeurs des flux de carbone respiré, qui représentent l'auto-épuración au sens strict du terme (FONTVIEILLE, 1978), sont très faibles. Ces flux représentent, en effet, environ 1 % des flux de carbone consommés par les microorganismes. Cette faible valeur est d'ailleurs, en accord avec les résultats de HICKEY (1988) qui a mesuré la respiration et la consommation d'oxygène de la couverture biologique d'un petit cours d'eau.

Dans ce type de cours d'eau, l'épuration de la matière organique dissoute par les microorganismes procéderait, donc essentiellement par la formation et l'entretien de biomasse.

Une autre application a été effectuée par l'introduction de différentes catégories de populations microbiennes dans le modèle pour rendre compte des successions écologiques qui se produisent lors de l'évolution, dans l'espace et dans le temps, de l'état trophique d'un système. Une démarche analogue a été suivie :

- par MARTIN et LELONG (1981) pour différentes populations phytoplanktoniques et bactériennes dans un écosystème marin expérimental ;
- par KISSEL *et al.* (1984) et par WANNER et GUJER (1985) pour les microorganismes autotrophes et hétérotrophes qui se succèdent dans un biofilm en fonction de son degré d'aérobiose.

Dans notre cas, deux populations microbiennes, chacune caractérisée par des exigences nutritives particulières, ont été considérées :

- une population "autochtone", dont le taux de croissance maximal (μ_{max}) est faible, dont l'affinité pour les substrats organiques est élevée (K_s faible), et dont les dépenses du métabolisme endogène sont peu importantes (K_e faible) ;
- une population "saprophyte" plus adaptée aux fortes concentrations de C.O.D. liées aux rejets de la porcherie, dont le taux de croissance est important (μ_{max} élevé) et dont les dépenses d'entretien métabolique sont également élevées (K_e élevé).

L'équation du sous-modèle écologique s'écrit alors :

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial Af \cdot Cf}{\partial t} &= Pm \cdot Kt \cdot (C - Cf) - \frac{\mu_{max_1}}{Y_1} \cdot \frac{Cf}{K_{S_1} + Cf} - \frac{k_2}{Y_1} + Ke_1 \cdot Bf_1 \cdot Pm \\ &\quad - \frac{\mu_{max_2}}{Y_1} \cdot \frac{Cf}{K_{S_2} + Cf} - \frac{k_2}{Y_2} + Ke_2 \cdot Bf_2 \cdot Pm \\ \frac{\partial Pm \cdot Bf_1}{\partial t} &= (\mu_{max_1} \cdot \frac{Cf}{K_{S_1} + Cf} - k_2 - Karr) \cdot Bf_1 \cdot Pm \\ \frac{\partial Pm \cdot Bf_2}{\partial t} &= (\mu_{max_2} \cdot \frac{Cf}{K_{S_2} + Cf} - k_2 - Karr) \cdot Bf_2 \cdot Pm \end{aligned} \right\} (11)$$

Le tableau 3 donne les valeurs des paramètres utilisés lors de la simulation. L'évolution particulière de chacune des deux populations est représentée sur la figure 11.

Tableau 3. - Valeurs des paramètres des modèles utilisées lorsque deux populations de microorganismes sont considérées.

Table 3. - Parameters values used by the models when two microorganism populations are simulated :

- .. a allochtone population with low values for μ_{max} , K_s and K_e ;
- .. a saprophile population with a high affinity for organic wastes and high values for μ_{max} and K_s but with a low value for K_e .

Paramètres	Valeurs	
	Population "saprophile"	Population "allochtone"
cq	1.289	1.289
eq	0.955	0.955
ca ₁	1.100	1.100
ea ₁	0.300	0.300
ca ₂	1.400	1.400
ea ₂	0.250	0.250
α_1	0.153	0.153
β_1	- 3.607	- 3.607
α_2	0.492	0.492
β_2	- 3.768	- 3.768
Kt	$7.5 \cdot 10^{-5}$	$7.5 \cdot 10^{-5}$
μ_{max}	$7.5 \cdot 10^{-5}$	$3 \cdot 10^{-5}$
Ks	600.	150.
Y ₁	0.04	0.04
k ₂	$1.1 \cdot 10^{-5}$	$1.1 \cdot 10^{-5}$
Y ₂	20	20
Ke	$3 \cdot 10^{-5}$	$5 \cdot 10^{-6}$
Karr	$5 \cdot 10^{-6}$	$5 \cdot 10^{-6}$
HAF	$4 \cdot 10^{-4}$	$3 \cdot 10^{-4}$
θ	1.024	1.024

6 - CONCLUSIONS

En nous appuyant sur une synthèse des données et des connaissances acquises depuis 1981 sur l'Albenche, petit cours d'eau pollué par une forte charge organique, nous avons construit un modèle mathématique de ce système écologique. Le but de ce modèle est d'élaborer un outil cognitif qui intègre toute l'information disponible, dans l'état actuel de nos connaissances, sur le fonctionnement du système "Albenche", afin de déterminer et d'interpréter le rôle des principaux mécanismes participant à l'auto-épuration dans les cours d'eau.

Compte tenu des données expérimentales dont nous disposions, nous avons restreint, dans un premier temps, l'application du modèle global élaboré (éqs (1)) et simulé uniquement la dynamique du carbone organique dissous et des microorganismes benthiques.

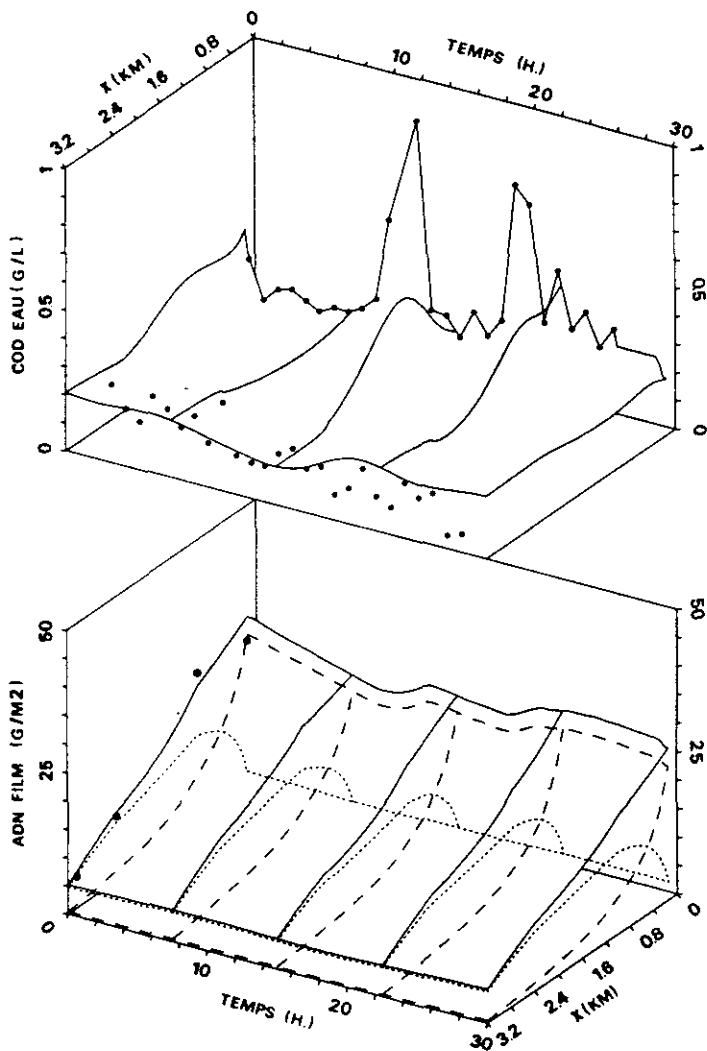


Figure 11. - Simulation de la dynamique du carbone organique dissous et de l'A.D.N. microbien benthique dans l'Albenche, utilisation d'un modèle considérant deux populations ($T_0 = 15.08.83$ à 22 h) (* : valeurs expérimentales) (— biomasse totale ; ---- biomasse "allochtone" ; - - - biomasse "saprophyte").

Figure 11. - Simulation of the dissolved organic matter dynamics in the Albenche river ($T_0 = 15.08.83$ at 22 h) when two populations of microorganisms are simulated (* : experimental values) :

- a allochtone population with low values for μ_{max} , K_s and K_e ;
- a saprophyte population with a high affinity to organic wastes and high values for μ_{max} and K_s but with a low value for K_e .

(— entire biomass ; ---- "allochtone" biomass ; - - - "saprophyte" biomass).

Les hypothèses qui ont permis la construction du modèle n'ont pas été mises en défaut par les simulations et les applications effectuées. Elles apparaissent donc cohérentes et soulignent deux points essentiels des processus par lesquels s'accomplit l'auto-épuration dans les petits cours d'eau :

- importance des mécanismes de transport (convection et dispersion longitudinale) ;
- prépondérance du compartiment benthique et des microorganismes fixés dans la dégradation des substrats organiques dissous.

De nombreuses lacunes et de nombreux problèmes restent en suspens. Mais, le modèle élaboré se révèle être un outil d'un grand intérêt tant sur le plan de la connaissance du système étudié que sur celui plus général des mécanismes d'auto-épuration de la matière organique dissoute dans les petits cours d'eau. Les informations ainsi obtenues devraient permettre des rétroactions sur l'établissement de plans de recherche pour continuer à progresser dans la compréhension de ces mécanismes.

Ce travail permet, également, de montrer les apports et les potentialités de la modélisation dans une telle étude.

7 - NOTATIONS

A	: surface mouillée de l'écoulement (L^2)
Af	: surface d'une section de biofilm (L^2)
B	: largeur de la section de l'écoulement, largeur au miroir (L)
Ba, Bai	: biomasse des macroinvertébrés benthiques ($M.L^{-3}$)
Bf, Bfi	: biomasse bactérienne ou microbienne dans le biofilm benthique ($M.L^{-2}$)
Bi	: biomasse bactérienne ou microbienne ($M.L^{-3}$)
Bis	: biomasse bactérienne en suspension ($M.L^{-3}$)
C	: concentration en substrat organique (C.O.T. ou C.O.D.) ($M.L^{-3}$)
Cf	: concentration en substrat organique dans le biofilm ($M.L^{-3}$)
Cfo	: concentration en substrat organique à la surface du biofilm ($M.L^{-3}$)
Cpbi	: concentration en substrat organique particulaire dans le compartiment benthique ($M.L^{-2}$)
Cpsi	: concentration en substrat organique particulaire en suspension ($M.L^{-3}$)
Cq	: concentration en matière organique dissoute des apports ($M.L^{-3}$)
Cresp	: respiration exprimée en carbone organique ($M.L^{-2}.T^{-1}$)
Df	: coefficient de diffusion dans le biofilm ($L^2.T^{-1}$)
D_L	: coefficient de dispersion longitudinale ($L^2.T^{-1}$)

- ea, eai : coefficient de la relation débit-surface mouillée
 H : hauteur d'eau (L)
 H_{Af} : coefficient permettant le calcul de HF ($M^{-1} \cdot L^3$)
 Hf : épaisseur du biofilm (L)
 Karr : taux d'arrachement du biofilm (T^{-1})
 Ke : taux de consommation du substrat pour le métabolisme endogène (T^{-1})
 Kresp : taux de respiration des microorganismes (T^{-1})
 Ks : constante de demi-saturation pour les substrats organiques ($M \cdot L^{-3}$)
 Kt : vitesse de transfert à l'interface eau-biofilm ($L \cdot T^{-1}$)
 $k_2, k_2 i$: taux de dégénérescence de la biomasse bactérienne ou microbienne (T^{-1})
 Pm : périmètre mouillé (L)
 Q : débit ($L^3 \cdot T^{-1}$)
 q : débit d'apport ($L^3 \cdot L^{-1} \cdot T^{-1}$)
 T : température ($^{\circ} C$)
 t : temps (T)
 U : vitesse longitudinale moyenne ($L \cdot T^{-1}$)
 Up^* : vitesse de frottement au fond ($\sqrt{g \cdot I \cdot Rh}$) ($L \cdot T^{-1}$)
 Xf : densité cellulaire dans le biofilm (biomasse bactérienne ou microbienne) ($M \cdot L^{-3}$)
 x : distance sur l'axe longitudinal (L)
 Y_1 : coefficient de conversion exprimé en g de biomasse (g d'A.D.N.) édiflée par g de substrat (g de C.O.D.) utilisé
 Y_2 : coefficient de relargage des cellules dégénérées
 z : épaisseur du biofilm (L)
 α_i : coefficient rentrant dans le calcul de βDL
 βDL : coefficient rentrant dans le calcul de D_L
 β_i : coefficient rentrant dans le calcul de βDL
 K_{pT} : paramètre p à la température T
 μ_{max} : taux de croissance maximal (T^{-1})
 θ : coefficient traduisant l'influence de la température

8 - RÉFÉRENCES BIBLIOGRAPHIQUES

BECK M.B. (1983). A procedure for modeling. In : ORLOB G.T. (ed.), *Mathematical modeling of water quality : streams, lakes, reservoirs*. Wiley, Chichester, p. 11-41.

BOLING R.H., GOODMAN E.D., Van SICKLE J.A., ZIMMER K.W., CUMMINS K.W., PETERSEN R.C., REICE S.R. (1975). Toward a model of detritus processing in a woodland stream. *Ecology*, 56 : 141-151.

- BOYLE J.D., SCOTT J.A. (1984). The role of benthic films in the oxygen balance in an east Devon river. *Water Res.*, 18 (9) : 1089-1099.
- BUHR H.O., MILLER J.B. (1983). A dynamic model of the high-rate algalbacterial wastewater treatment pond. *Water Res.*, 17 : 29-37.
- CAUSSADE B., CHAUSSAVOINE C., MASBERNAT L. (1982). Modelling of turbulent fluxes in water surface ecosystems studies. *Math. Comput. Simulation*, 24 : 224-229.
- CAZELLES B. (1987). Modélisation d'un écosystème lotique : dynamique du carbone organique dissous et des microorganismes benthiques dans un cours d'eau pollué. Thèse de Doctorat n° 6887, Université Lyon I, 427 p.
- CAZELLES B., FONTVIEILLE D. (1989). Modélisation d'un écosystème lotique pollué par une charge organique : prise en compte de l'hydrodynamique et des mécanismes de transport. *Rev. Sci. Eau*, 2 : 183-209.
- CHANG H.T., RITTMANN B.E. (1987a). Mathematical modelling of biofilm on activated carbon. *Environ. Sci. Technol.*, 21 : 273-280.
- CLESCERI L.S., PARK R.A., BLOMFIELD J.A. (1977). General model of microbial growth and decomposition in aquatic ecosystems. *Appl. Environ. Microbiol.*, 33 : 1047-1058.
- COSTERTON J.W., GEESEY G.G., CHENG K.J. (1978). How bacteria stick. *Sci. Am.*, 238 (1) : 86-95.
- EDELIN F. (1981a). Le pouvoir auto-épurateur des rivières : recherche d'une équation globale. In DUBOIS D.M. (ed.), *Progress in ecological engineering and management by mathematical modelling*. Editions CEBEDOC. Liège, p. 151-182.
- EDELIN F., BUET J.L. (1978). Nouvelles recherches sur la courbe en sac. *Trid. CEBEDEAU*, 415 : 273-280.
- EDELIN F., LAMBERT G. (1979). Self-purification of rivers : a two-phase model for bacterial biodegradation. *Water Res.*, 13 : 473-480.
- FABRE J., RAMANY BALA P. (1980). Equations générales de transfert de masse, de quantité de mouvement, d'énergie, dans les eaux de surface. *Ann. Univ. Abidjan, Série C, Tomes XVI* : 70-102.
- FONTVIEILLE D. (1978). Efficacité de l'auto-épuration et charge organique benthique le long d'un ruisseau pollué par une porcherie. *Verh. Internat. Verein. Limnol.*, 20 : 1789-1795.
- FONTVIEILLE D., CAZELLES B. (1985). Modification de l'importance relative des flux de carbone organique d'un ruisseau pollué après une période de crues. *Verh. Internat. Verein. Limnol.*, 22 : 2270-2276.
- FONTVIEILLE D., CAZELLES B. (1988). Seasonal changes of some physiological and structural parameters in the sediments of an organically polluted stream. *Verh. Internat. Verein. Limnol.*, 23 : 1306-1312.
- FONTVIEILLE D., FEVOTTE G. (1981). D.N.A. content of the sediment in relation to self-purification in streams polluted by organic wastes. *Verh. Internat. Verein. Limnol.*, 21 (1) : 221-226.
- FONTVIEILLE D., RENAUD M. (1982). A method of estimating the respiration of mud communities in shallow running water. *Water Res.*, 16 (5) : 593-599.
- FRY J.C. (1982). Interactions between bacteria and benthic invertebrates. In : NEDWELL D.B. and BROWN C.H. (eds), *Sediment microbiology*. Academic Press, London, p. 171-201.
- GANTZER C.L., KOLLING H.P., RITTMANN B.E., LEWIS D.L. (1988). Predicting the rate of trace-organic compound removal by natural biofilms. *Water Res.*, 22 (2) : 191-200.
- GATES W.E., MALAR J.T., WESTFIELD J.D. (1969). The application of bacterial process kinetics in stream simulation and stream analysis. *Water Res.*, 3 : 663-686.
- GEESEY G.G., MUTCH R., COSTERTON J.W., GREEN R.B. (1978). Sessile bacteria : an important component of the microbial population in small streams. *Limnol. Oceanogr.* 23 : 1214-1223.
- GENTIL S. (1982). Analyse de système et écologie : une étude de cas (Lac d'Aiguebelette). In : AGUILAR-MARTIN J. (éd.), *Modélisation mathématique et simulation des systèmes de l'environnement*. Editions du C.N.R.S., Toulouse, p. 17-62.
- HARREMOES P. (1982). Immediate and delayed oxygen depletion in rivers. *Water Res.*, 16 : 1093-1098.
- HICKEY C.W. (1988). Oxygen uptake kinetics and microbial biomass of river of sewage fungus biofilms. *Water Res.*, 22 (11) : 1365-1373.
- HVITVED-JACOBSEN T. (1982). The impact of combined sewer overflows on the dissolved oxygen concentration of a river. *Water Res.*, 16 : 1099-1105.

- KAPLAN L.A., BOTT T.L. (1983). Microbial heterotrophic utilization of dissolved organic matter in a piedmont stream. *Freshwater Biology*, 13 : 363-377.
- KAPLAN L.A., BOTT T.L. (1985). Acclimation of stream-bed heterotrophic microflora : metabolic responses to dissolved organic matter. *Freshwater Biology*, 1 : 479-492.
- KAWASHIMA H., SUZUKI M. (1989). Numerical simulation model for prediction of B.O.D. removal rate in streams. *Water Sci. Technol.*, 21 : 1003-1014.
- KARLSTROM U. (1978). Role of the organic layer on stones in detrital metabolism in streams. *Verh. Internat. Verein. Limnol.*, 20 : 1463-1470.
- KISSEL J.C., Mac CARTY P.L., STREET R.L. (1984). Numerical simulation of mixed-culture biofilm. *J. Environ. Eng.*, 110 (2) : 393-411.
- LA MOTTA J. (1976). Internal diffusion and reaction in biological films. *Environ. Sci. Technol.*, 10 (8) : 765-769.
- LOCK M.A. (1981). River epilithon : a light and organic energy transducer. In : LOCK M.A. & WILLIAMS D.D. (eds), *Perspectives in running water ecology*. Plenum Press, New-York, p. 3-40.
- LOCK M.A., WALLACE R.R., COSTERTON J.W., VENTULLO R.M., CHARLTON S.E. (1984). River epilithon : toward a structural-functional model. *Oikos*, 42 : 10-22.
- LIU H. (1977). Predicting dispersion coefficients of stream. *J. Environ. Eng.*, 130 : 56-69.
- MARTIN Y.P., LELONG P.P. (1981). Modélisation de la dynamique des communautés bactériennes d'un écosystème planctonique marin expérimental. *Oceanologica Acta*, 4(4) : 433-443.
- Mac CALL P.L., FISHER J.B. (1980). Effects of tubificid oligochaetes on physical and chemical properties of lake Erie sediments. In : BRINKHURST R.O. & COOK D.G. (eds), *Aquatic Oligochaete biology*, p. 253-317.
- Mac INTIRE C.D. (1983). A conceptual framework for process lotic ecosystems. In : FONTAINE T.D. III & BARTELL S.M. (eds), *Dynamics of lotic ecosystems*. Ann Arbor Science, Ann Arbor, p. 43-68.
- Mac INTIRE C.D., COLBY J.A. (1978). A hierarchical model of lotic ecosystems. *Ecol. Monogr.*, 48 (2) : 167-190.
- NEWBOLD J.D., ELWOOD J.W., O'NEIL R.V., SHELDON A.L. (1983). Phosphorus dynamics in a woodland stream ecosystem : a study of nutrient spiralling. *Ecology*, 64 (5) : 1249-1265.
- OHGAKI S., HWANG S.L., MATSUMOTO J. (1978). Kinetics of attached microbial growth in a continuous stirred tank reactor. *Water Res.*, 12 (4) : 243-249.
- O'NEIL R.V., ELWOOD J.W., HILDEBRAND S.G. (1979a). Theoretical implications of spatial heterogeneity in stream ecosystems. In : INNIS G.S. & O'NEIL R.V. (eds), *Systems analysis of ecosystems*. International Cooperative Publishing House, p. 79-102.
- O'NEIL R.V., EMANUEL W.R., NEWBOLD J.D., ELWOOD J.W. (1979b). Simulation in the service of environmental research : experience with a stream ecosystem project. In : *Summer computer simulation conference proceedings*. Simulation Councils, La Jolla, California, p. 401-405.
- RITTMANN B.E., Mac CARTY P.L. (1978). Variable order model of bacterial-film kinetics. *J. Environ. Eng.*, 104 : 889-900.
- RUTHERFORD J.C., O'SULLIVAN M.J. (1974). Simulation of water quality in Tarawera river. *J. Environ. Eng.*, 100 (2) : 369-390.
- SARNER E., MARKLUND S. (1985). Influence of particulate organics on the removal of dissolved organics in fixed-film biological reactors. *Water Sci. Technol.*, 17 : 15-26.
- SERVAIS P. (1987). *Etude de la dégradation de la matière organique par les bactéries hétérotrophes en rivière. Développement d'une démarche méthodologique et application à la Meuse belge*. Thèse de Doctorat es Sciences, Université Libre de Bruxelles, 271 p.
- SCHWARTZBROD J. (1985). Bactériologie des milieux aquatiques. Aspects écologiques et sanitaires. In : MARTIN G. (éd.), *Point sur l'épuration et le traitement des effluents. 2.2 Bactériologie des milieux aquatiques*. Lavoisier, Paris, p. 47-113.
- SPEITEL G.E., DOVANTZIS K., DI GIANO F.A. (1987). Mathematical modeling of biogeneration in G.A.C. columns. *J. Environ. Eng.*, 113 (1) : 32-48.
- SIEGRIST H., GUJER W. (1985). Mass transfer mechanisms in a heterotrophic biofilm. *Water Res.*, 19 (11) : 1369-1378.

- SRINANTHAKUMAR S., AMIRTHARAJAH A. (1983). Organic carbon decay in stream with biofilm kinetics. *J. Environ. Eng.*, 109 (1) : 109-119.
- STEHFEST H. (1973). Mathematical modeling of self purification of rivers (in german ; english translation available as report IIASA PP-77 of the International Institute for Applied Systems Analysis, Luxembourg, Austria. Report KFK 1654 UF Kernforschungszentrum, Karlsruhe West Germany.
- STREETER H.W., PHELPS E.B. (1925). A study of the pollution and natural purification of the Ohio River. Public Health Bulletin 145, U.S. Public Health Service, Washington DC.
- THERIEN N., MORRISON K.A., COUPAL B. (1981). The impact of reservoir flooding on a freshwater benthic community. In : MITSCH W.J., BOSSERMAN R.W. & KLOPATEK J.M. (eds), *Energy and ecological modeling*. Elsevier, Amsterdam, p. 249-259.
- TRULEAR M.G., CHARACKLIS W.G. (1982). Dynamics of biofilm processes. *J. Water Pollut. Control Fed.*, 54 : 1288-1301.
- VANDER BORGH T., MICHEL D., WOLLAST R. (1981). Modélisation des déversements dans les petits cours d'eau : une étude de cas, la Semois. In : DUBOIS D.M. (ed.), *Progress in ecological engineering and management by mathematical modelling*. Editions CEBEDOC, Liège, p. 517-537.
- WANNER O., GUJER W. (1985). Competition in biofilms. *Water Sci. Technol.*, 17 : 27-44.
- WEBSTER J.R. (1983). The role of benthic macroinvertebrates in detritus dynamics of streams : a computer simulation. *Ecol. Monogr.*, 53 (4) : 383-404.
- WEBSTER J.R., BENFIELD E.F., CAIRNS J. Jr (1979). Model predictions of the effects of impoundment on particulate organic matter transport in a river system. In : WARD J.V., STANFORD J.A. (eds), *The ecology of regulated streams*. Plenum Press, New-York, p. 339-364.
- WILLIAMSON K.J., Mac CARTY P.L. (1976). A model of substrate utilisation by bacterial films. *J. Water Pollut. Control Fed.*, 48 : 9-24.
- WUHRMANN K. (1972). Stream purification. In : MITCHELL R. (ed) : *Water pollution microbiology*. Wiley, New-York, p. 119-151.